

Le titre en français

A. Author

6 janvier 2015

Résumé

Ici, c'est la place du résumé

1 Introduction

Le problème ...

2 Méthode

Notre démarche¹ ... telle que décrite dans la section 1.

2.1 Quelques équations

Let X_1, X_2, \dots, X_n be a sequence of independent and identically distributed random variables with $E[X_i] = \mu$ and $\text{Var}[X_i] = \sigma^2 < \infty$, and let

$$S_n = \frac{1}{n} \sum_i^n X_i$$

denote their mean. Then as n approaches infinity, the random variables $\sqrt{n}(S_n - \mu)$ converge in distribution to a normal $N(0, \sigma^2)$.

2.1.1 Equations sur plusieurs lignes

2.1.2 Equations avec alignement (et référence interne)

$$\begin{aligned} h^* &= \underset{h \in \mathcal{H}}{\text{ArgMin}} R_{\text{Réel}}(h) \\ &= \underset{h \in \mathcal{H}}{\text{ArgMin}} \int_{\mathbf{x} \in \mathcal{X}, y \in \mathcal{Y}} \ell(h(\mathbf{x}), y) \mathbf{p}_{\mathcal{X}\mathcal{Y}} d\mathbf{x}dy \end{aligned} \tag{1}$$

2.1.3 Equations avec conditions

$$l(u_i, h(\mathbf{x}_i)) = \begin{cases} 0 & \text{si } u_i = h(\mathbf{x}_i) \\ 1 & \text{si } u_i \neq h(\mathbf{x}_i) \end{cases} \tag{2}$$

1. Inspirée par celle d'Einstein en 1905 [?].

2.1.4 Equations avec parenthèses en-dessous

$$R_{\text{Réal}}(h_S^*) - R^* = \underbrace{[R_{\text{Réal}}(h_S^*) - R_{\text{Réal}}(h^*)]}_{\text{Erreur d'estimation}} + \underbrace{[R_{\text{Réal}}(h^*) - R^*]}_{\text{Erreur d'approximation}} \quad (3)$$

2.1.5 Equations avec noms de fonctions : log, ...

$$h^* = \underset{h \in \mathcal{H}}{\text{ArgMin}} \{ -\log \mathbf{p}_{\mathcal{H}}(h) - \log \mathbf{p}_{\mathcal{Z}^m | \mathcal{H}=h}(\mathcal{S}_m) \}$$

2.1.6 Equations encadrées

$$R_{\text{Emp}}(h) = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m \ell(h(\mathbf{x}_i, u_i)) \quad (4)$$

2.1.7 Autres exemples

D'où l'on tire facilement que : $\varepsilon = \sqrt{\frac{\log |\mathcal{H}| + \log \frac{1}{\delta}}{2m}}$, c'est-à-dire que :

$$\forall h \in \mathcal{H}, \forall \delta \leq 1 : P^m \left[R_{\text{Réal}}(h) \leq R_{\text{Emp}}(h) + \sqrt{\frac{\log |\mathcal{H}| + \log \frac{1}{\delta}}{2m}} \right] > 1 - \delta$$

2.2 Algorithmes

2.2.1 Algorithme du Perceptron version stochastique

Algorithme 1 : Le perceptron, version stochastique

```

début
  Prendre  $\mathbf{a}_{(0)}$  et  $\alpha$  positif quelconques
   $t \leftarrow 0$ 
  tant que  $t \leq t_{max}$  faire
    tirer au hasard une donnée d'apprentissage  $\mathbf{x}$ 
    si  $\mathbf{x}$  est bien classé alors
      |  $\mathbf{a}_{t+1} \leftarrow \mathbf{a}_t$ 
    sinon
      | si  $\mathbf{x} \in \omega_1$  alors
        | |  $\mathbf{a}_{t+1} \leftarrow \mathbf{a}_t + \alpha \mathbf{x}$ 
        | sinon
        | |  $\mathbf{a}_{t+1} \leftarrow \mathbf{a}_t - \alpha \mathbf{x}$ 
        | fin si
      fin si
     $t \leftarrow t + 1$ 
  fin tant que
fin

```

2.2.2 Algorithme de l'espace des versions

Algorithme 2 : Algorithme d'élimination des candidats.

Résultat : Initialiser G comme l'hypothèse la plus générale de \mathcal{H}
Initialiser S comme l'hypothèse la moins générale de \mathcal{H}

pour chaque *exemple* x **faire**

si x *est un exemple positif* **alors**

 Enlever de G toutes les hypothèses qui ne couvrent pas x

pour chaque *hypothèse* s *de* S *qui ne couvre pas* x **faire**

 Enlever s de S

Généraliser(s, x, S)

 c'est-à-dire : ajouter à S toutes les généralisations minimales h de s telles que :

- h couvre x et
- il existe dans G un élément plus général que h

 Enlever de S toute hypothèse plus générale qu'une autre hypothèse de S

fin

sinon

 /* x est un exemple négatif */

 Enlever de S toutes les hypothèses qui couvrent x

pour chaque *hypothèse* g *de* G *qui couvre* x **faire**

 Enlever g de G

Spécialiser(g, x, G)

 c'est-à-dire : ajouter à G toutes les spécialisations maximales h de g telles que :

- h ne couvre pas x et
- il existe dans S un élément plus spécifique que h

 Enlever de G toute hypothèse plus spécifique qu'une autre hypothèse de G

fin

fin si

fin

3 Résultats

4 Conclusion